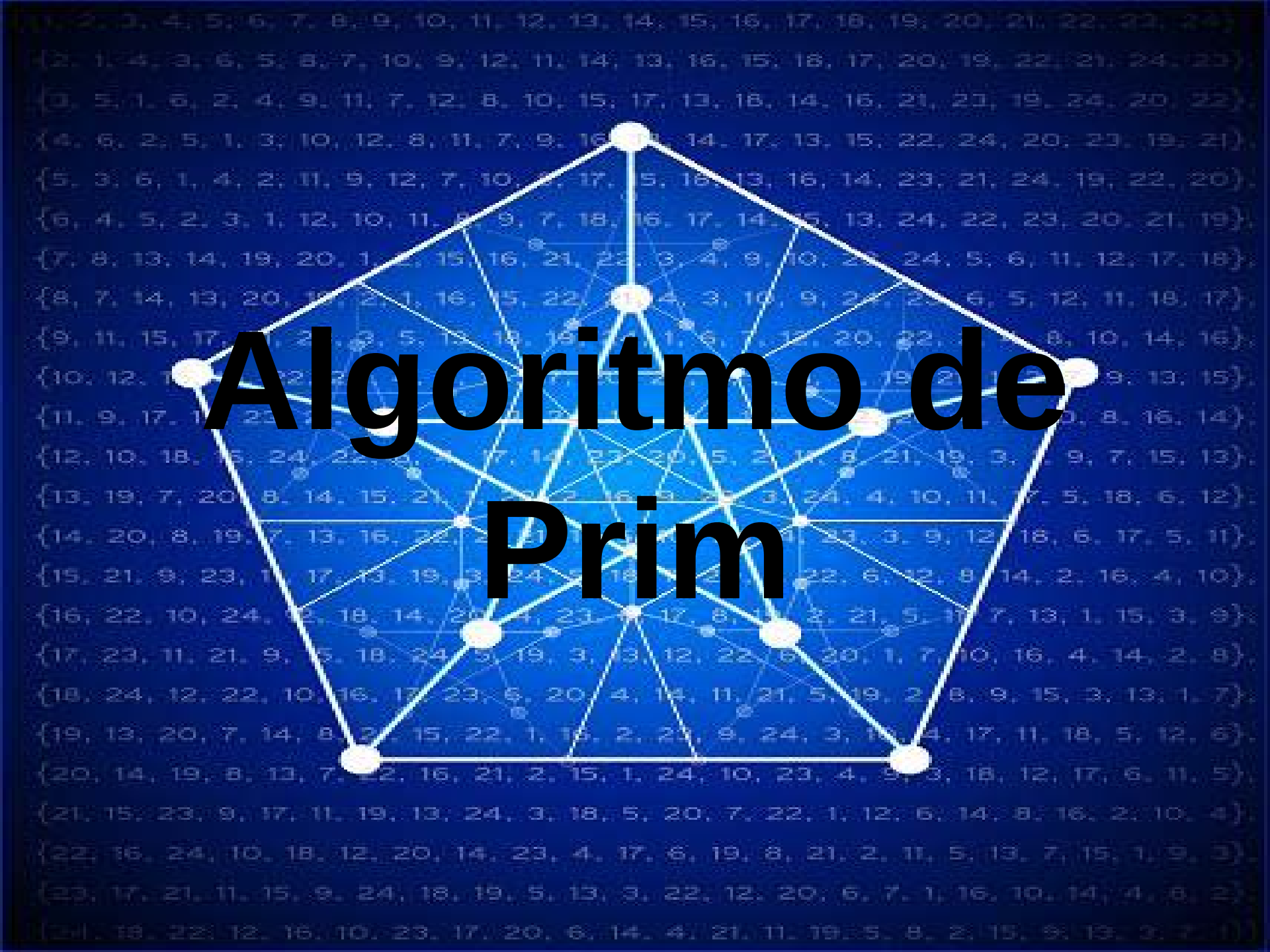
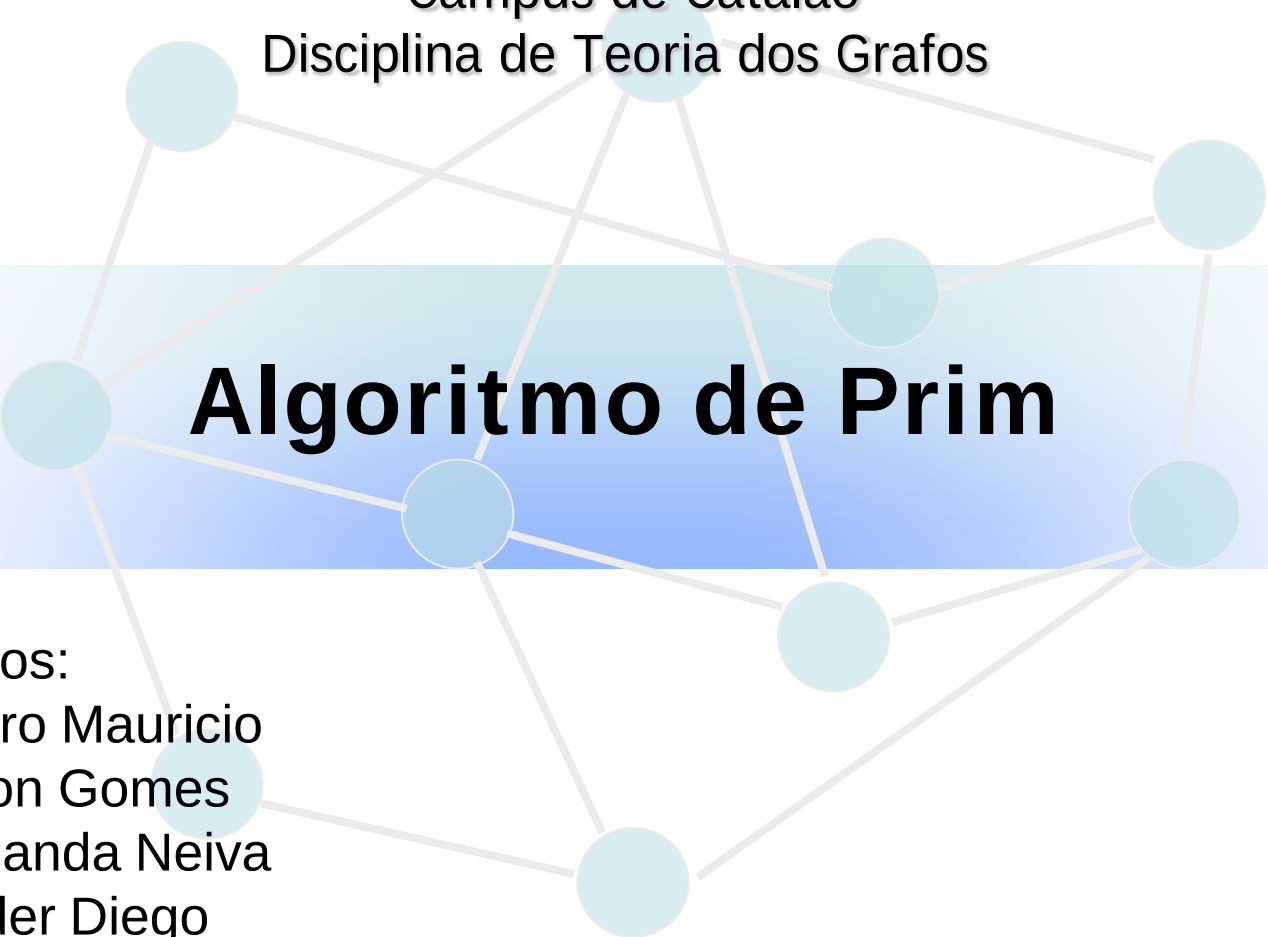




Algoritmo de Prim

Universidade Federal de Goiás
Campus de Catalão
Disciplina de Teoria dos Grafos



Algoritmo de Prim

Alunos:

Cicero Mauricio

Edson Gomes

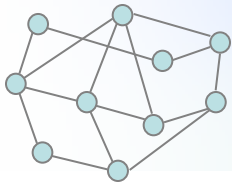
Fernanda Neiva

Jander Diego

Raina Marques

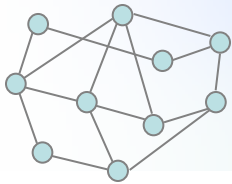
Simone Alberto

Vinicios



Criação do algoritmo

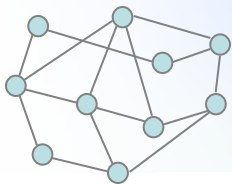
- Em 1930 foi descoberto por um matemático: Vojtěch Jarník.
- Em 1957 por um cientista da computação: Robert Clay Prim .
- Em 1959 redescoberto pelo matemático: Edsger Dijkstra.



Robert Clay Prim

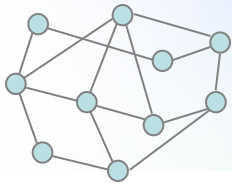
- Nasceu em 1921 na cidade de Sweetwater no Texas.





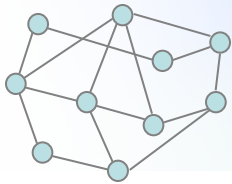
Formação Profissional

- Formou-se em matemática e ciência da computação.
- Em 1941 recebeu seu BS em Engenharia Elétrica da Universidade de Princeton .
- Em 1949 recebeu seu Ph.D. em Matemática da Universidade de Princeton.



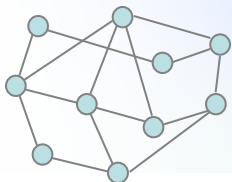
Formação profissional

- De 1948 a 1949 trabalhou na Universidade de Princeton como um associado de pesquisa.
- Segunda Guerra Mundial(1941-1944) trabalhou como engenheiro.
- De 1944 até 1949 trabalhou para United States Naval como engenheiro.



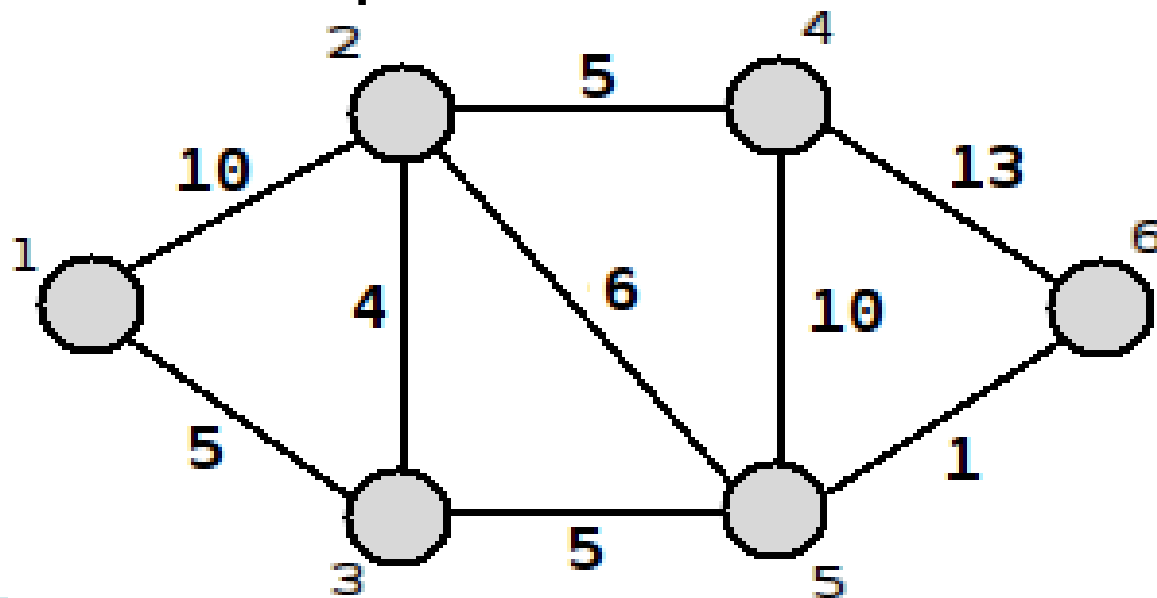
Formação profissional

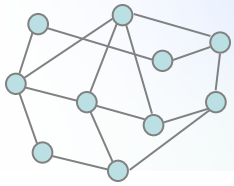
- De 1958-1961 atuou como diretor de pesquisa da matemática Bell Laboratories período que criou o algoritmo de Prim.
- Em 1962 tornou-se vice-presidente de pesquisa da Sandia National Laboratories.



Descrição do algoritmo

- O algoritmo de Prim ou DJP ou algoritmo de Prim-Jarník é uma aplicação em Teoria dos Grafos e sua função é encontrar a árvore geradora mínima para um grafo conexo com pesos.



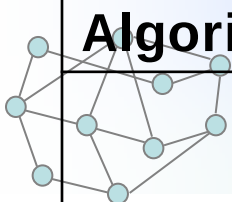


Descrição do Algoritmo

- Começa em um vértice até atar todos os vértices.
- Analisa a cada nó todas as possibilidades de transição e seus custos e escolhe o menor deles.
- Vai analisando a cada iteração o menor caminho e guarda-o na solução que será retornada no final.

A complex network graph with blue nodes and red edges. The nodes are arranged in a roughly circular pattern, with many edges connecting them, creating a dense web of connections. The text "Características: Tabela da salvação." is overlaid on the center of the graph.

**Características:
Tabela da
salvação.**



Algoritmo

Características

Prim

- Possui um ponto de partida;
- Não pode ser orientado;
- Os pesos podem ser iguais;
- Combinação linear entre os vértices
- Grafo Conexo;
- Acíclico;

Dijkstra

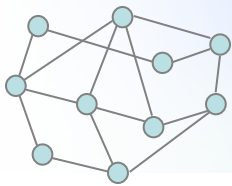
- Possui um ponto de partida;
- Pode ser orientado ou não;
- O Custo das arestas não podem ser negativos;
- Grafo Conexo

Kruskal

- Não possui um ponto de partida;
- Não pode ser orientado;
- Acíclico;

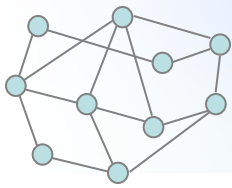
Boruvka

- Pesos distintos;
- Alta velocidade de convergência;
- Otimização combinatória;
- Pode ser orientado ou não;
- Não possui ponto de partida;
- Busca a MST a partir da construção de uma floresta;



Aplicações:

- O algoritmo MENTOR para o projecto topológico de redes de telecomunicações Celso Lemos, Rui Valadas (REVISTA DO DETUA, VOL. 2, N° 3, SETEMBRO 1998).
- Projeto do LAC/INPE voltado para a implementação de algoritmos em Sistemas Geográficos de Informação, como o software ARC-INFO (ESRI), em uso no projeto.



Algoritmo de prim em um mapa.

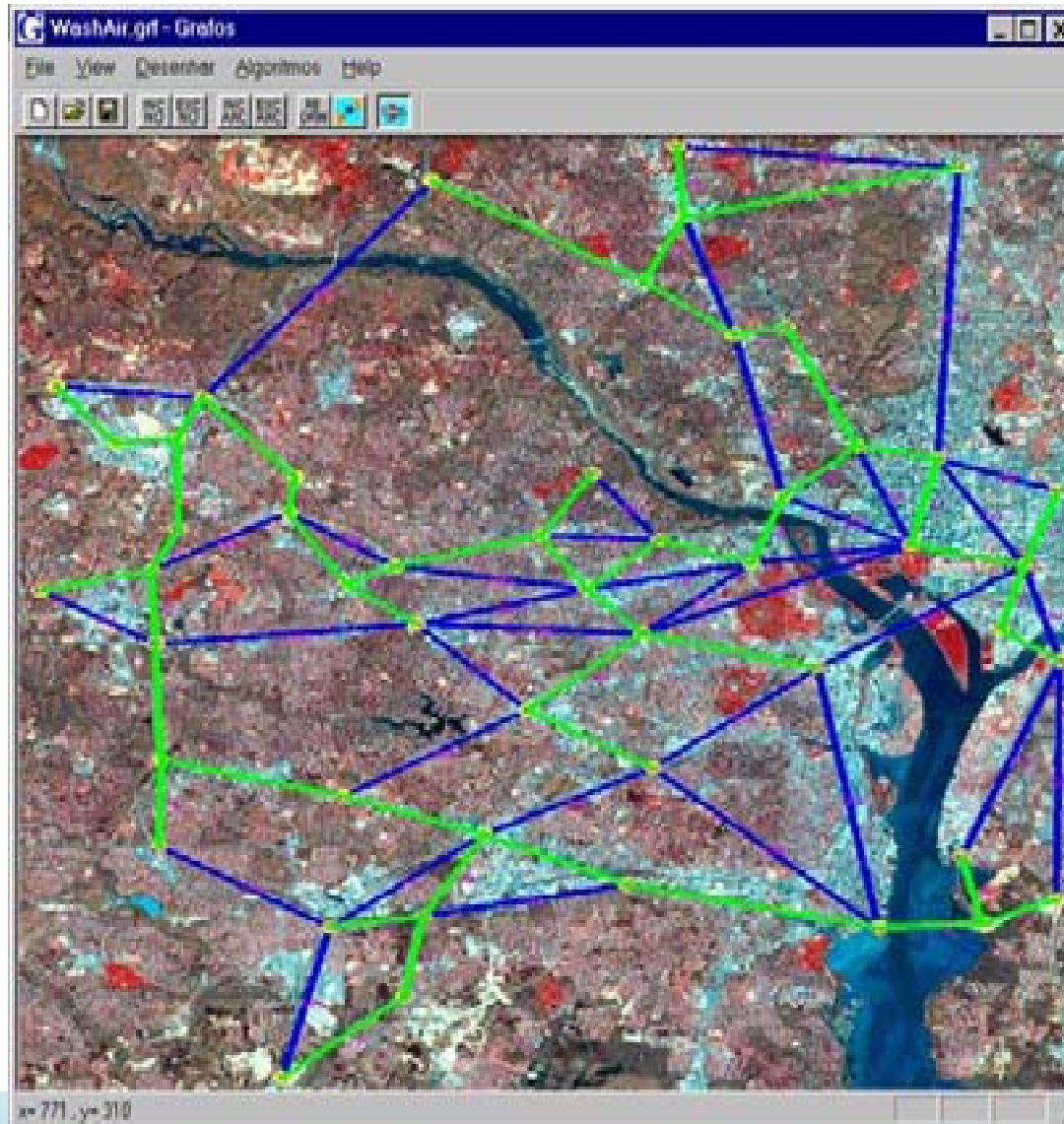
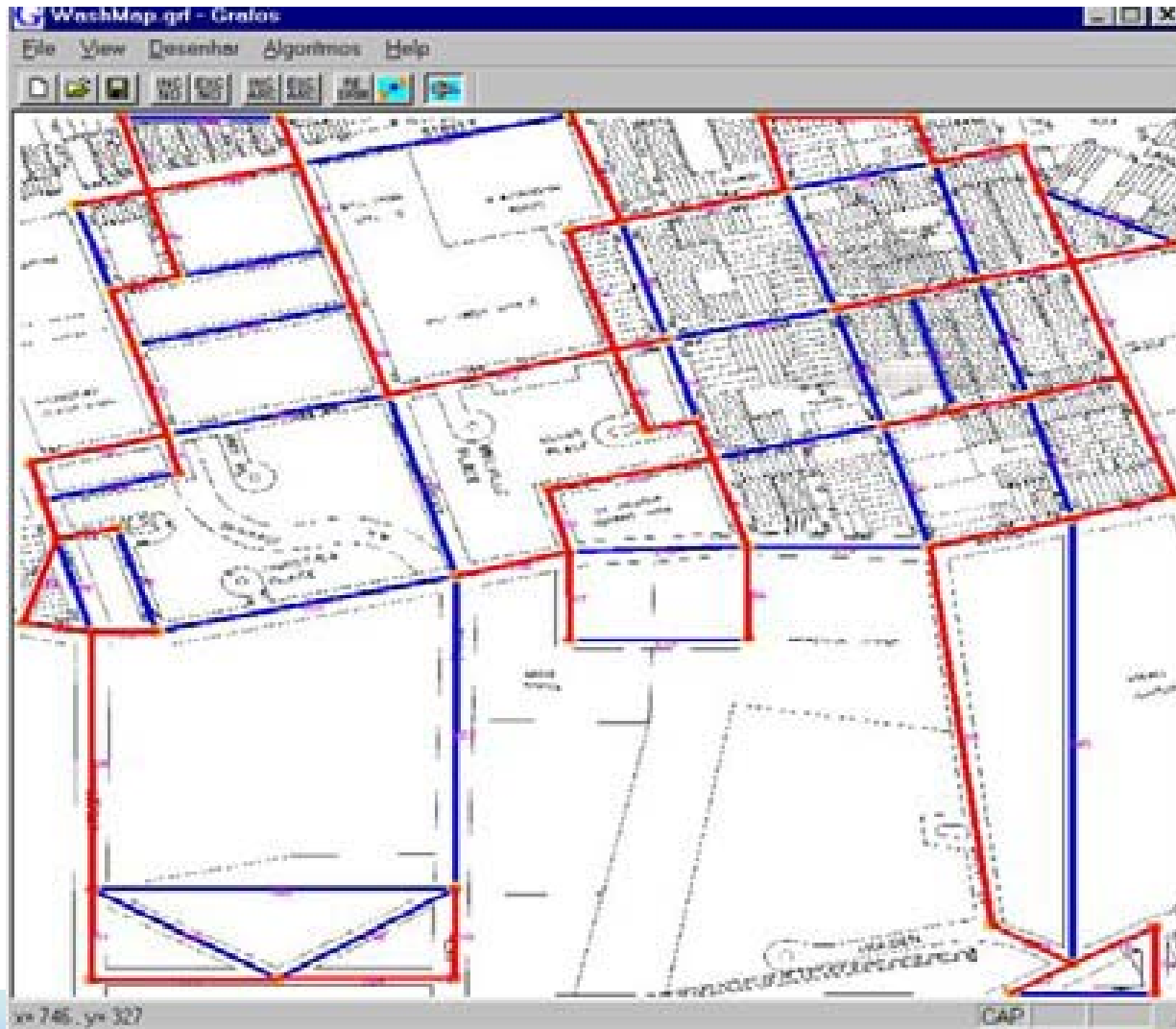
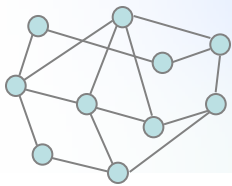
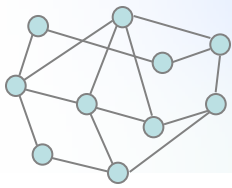


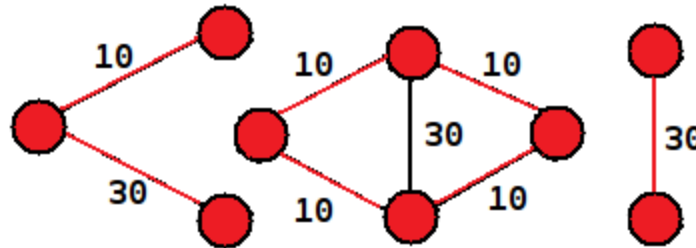
Imagem de satélite das rodovias feita pelo algoritmo prim



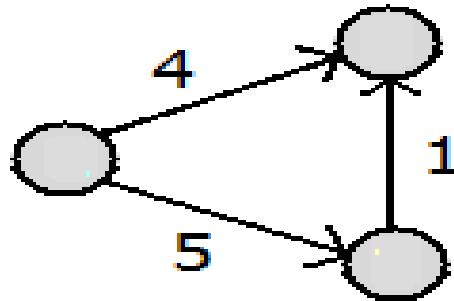


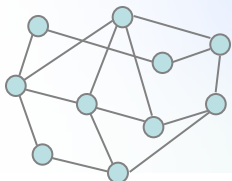
Casos em que o Prim não funciona:

- grafos desconexos.

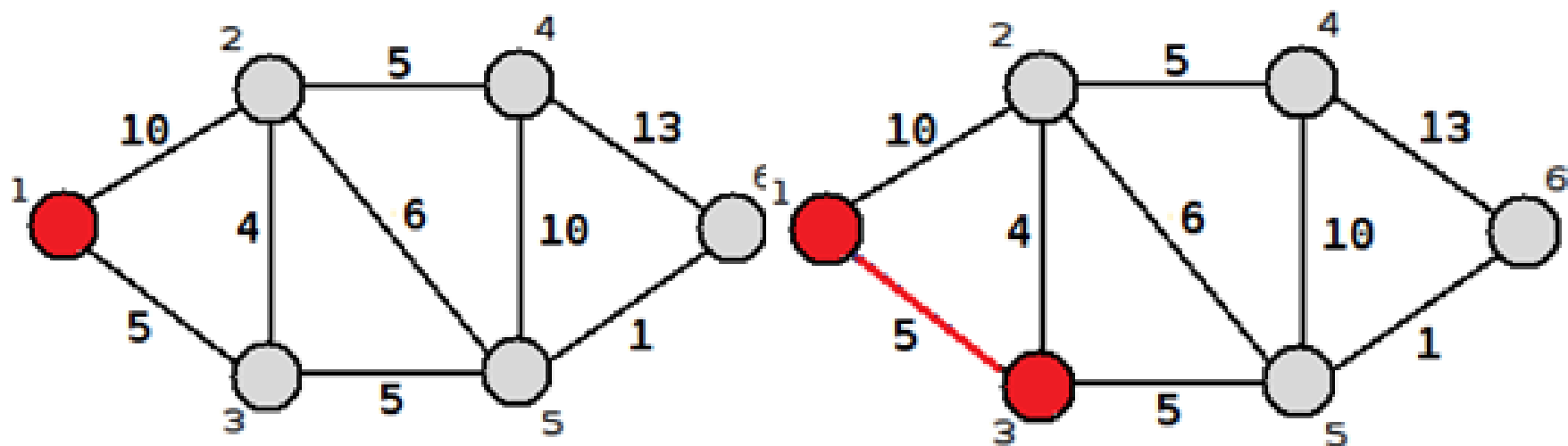


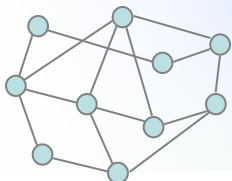
- grafos direcionais.



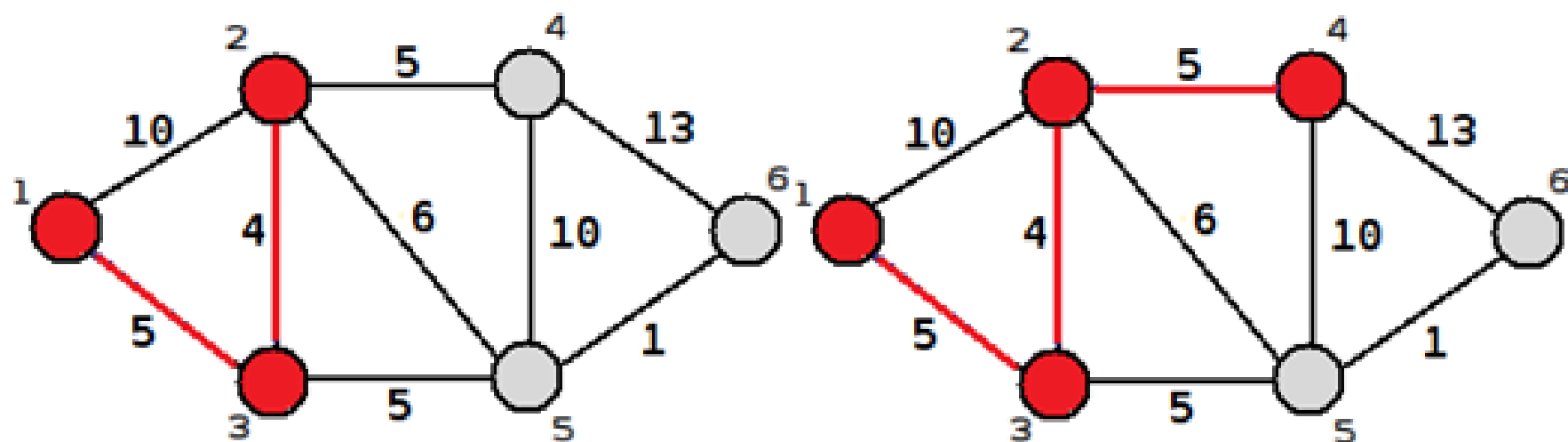


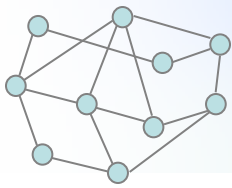
Como funciona?



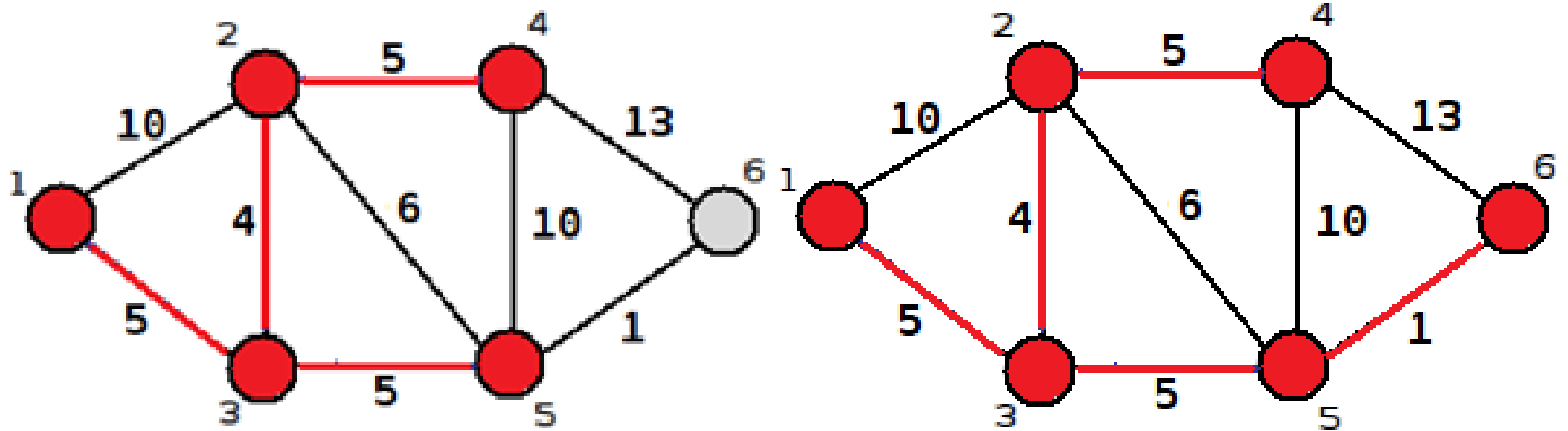


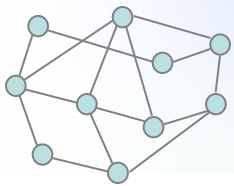
Como funciona?





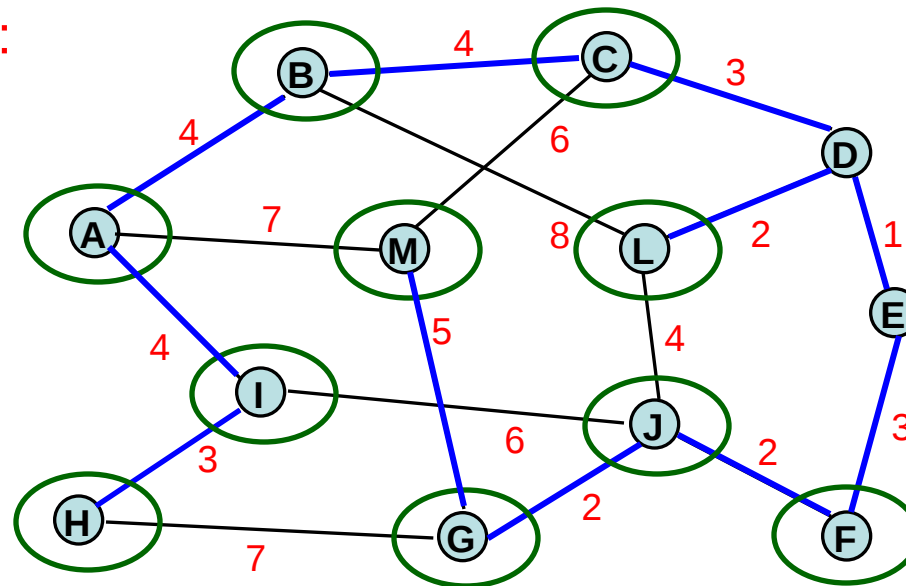
Como funciona?



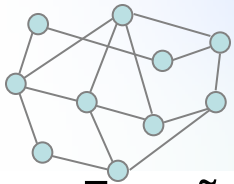


Árvore Geradora de Peso Mínimo

Exemplo:



$$c(F) = 33$$



Pseudocódigo

Função Prim(Grafo): inteiro

{

Declare:

V[]: inteiro

E[]: inteiro

i: inteiro

k: inteiro

n_acabou: booleano

menor: inteiro

custo: inteiro

aux: inteiro

total: inteiro

i < -0

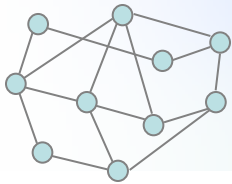
k < -1

V[0] < -0



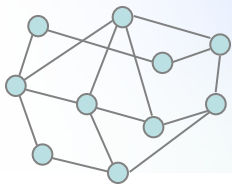
Pseudocódigo

```
montaMatrizAdjacência();  
Enquanto(n_acabou) faça  
{  
    menor <-  $+\infty$   
  
    aux <- 0  
    Enquanto(aux < k) faça  
    {  
        para j <- V[aux]+1 até tam-1  
        {  
            se((E[V[aux]][j] < menor) E (j não  
                pertencer a V) então  
            {  
                menor <- j  
                custo <- A[V[aux]][j]  
            }  
        }  
    }  
}fim-se
```



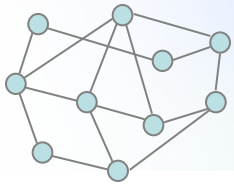
Pseudocódigo

```
        aux<-aux + 1
    }fim-para
    V[k]<-menor
    E[k-1]<-custo
    k<-k + 1
    se(k = tam) então
        n_acabou<-falso
    senão
        i<-menor
    }fim-enquanto
}fim-enquanto
para n<-0 até tam-2 faça
    total <- total + E[n]
retorne total;
}FIM
```



Bibliografia

- Preiss, Bruno R. Estruturas de dados e algoritmos: Padrões de projetos orientados a objeto com java; tradução de Elizabeth Ferreira. Rio de Janeiro: Campus, 2000. 519-521p.
- Goodrich, Michael T.; Tamassia, Robert. Estrutura de dados e algoritmos em java; tradução de Bernardo Copstein e João Batista Oliveira. 2 ed. Porto Alegre: Bookman, 2002. 549-550p.



OBRIGADO